

## Calcul neuronal si evolutiv.

### Lab 5: Optimizare cu algoritmi genetici.

---

#### Etapele implementării unui algoritm genetic.

Implementarea unui algoritm genetic presupune definirea următoarelor componente (module sau funcții):

- *Inițializare populație:* elementele populației se inițializează aleator în domeniul de definiție al problemei. In cazul algoritmilor genetici acesta este de regula  $\{0,1\}^n$
- *Evaluare populație:* calculul valorii fitness-ului pentru fiecare element al populației (depinde direct de problema de rezolvat)
- *Selecție părinți:* din populația curentă se selectează o mulțime de părinți care vor participa la construirea de noi elemente prin încrucișare. În general se folosește un algoritm aleator de selecție:
  - *Selecție proporțională* (probabilitatea de selecție este direct proporțional cu valoarea funcției scor - scopul algoritmului este de a maximiza valoarea scorului)
  - *Selecție bazată pe ranguri* (probabilitatea de selecție este direct proporțională rangul elementului - populația este ordonată crescător după valoarea scorului)
  - *Selecție de tip turneu* (se selectează uniform aleator un eșantion și din acesta se alege cel mai bun element)
- *Incrucișare:*
  - Cu un punct de tăietură
  - Cu două puncte de tăietură
  - Uniformă
- *Mutație:*
  - La nivel de cromozom (se selectează aleator, cu o probabilitate de mutație dată, un un element al populației și în cadrul acestuia se completează o poziție – aleasă aleator)
  - La nivelul întregii populații (pentru fiecare dintre pozițiile fiecărui element al populației se decide aleator, pe baza probabilității de mutație dacă se completează sau nu)
- *Alegerea mecanismului de selecție a supraviețuitorilor.* Din populația reunită a părinților și copiilor se poate construi populația corespunzătoare noii generații prin:
  - *Selecție de tip turneu:* se selectează aleator câte două elemente din populația reunită și se transferă în noua populație cel de cost mai mic (fitness mai mare)
  - *Selecție locală:* din mulțimea celor 4 elemente implicate în încrucișare și mutație se aleg cele mai bune două elemente
  - *Selecție prin trunchiere:* se aleg cele mai bune m elemente din populația reunită a părinților și copiilor (m e dimensiunea populației)
- *Alegerea parametrilor de control.* Principalii parametri de control sunt:
  - Dimensiunea populației
  - Probabilitatea de mutație
  - Probabilitatea de încrucișare

- *Stabilirea criteriului de oprire.* Criteriul de oprire se poate referi la numărul de iterații parcurse, la valoarea atinsă de funcția de optimizat sau la alte caracteristici ale populației (variabilitatea populației a scăzut sub un anumit prag)

### Aplicație 1. Problema ONEMAX

Se caută șirul binar  $(x_1, x_2, \dots, x_n)$  care maximizează  $x_1 + x_2 + \dots + x_n$ .

*Indicație:* vezi funcția [onemaxGA.sci](#)

#### Exerciții :

1. Analizați influența numărului de elemente din populație și a probabilității de mutație asupra calității soluției și a numărului de generații necesar pentru a obține soluția optimă

### Aplicație 2. Problema rucsacului

Se consideră un set de obiecte (caracterizate prin greutate specificate prin  $w$  și valori specificate prin  $v$ ) și un rucsac de capacitate  $C$ . Se caută șirul binar  $(x_1, x_2, \dots, x_n)$  care:

- satisface restricția:  $w_1 * x_1 + w_2 * x_2 + \dots + w_n * x_n \leq C$  (suma greutăților obiectelor selectate nu depășește capacitatea rucsacului)
- maximizează funcția:  $v_1 * x_1 + v_2 * x_2 + \dots + v_n * x_n$  (suma valorilor obiectelor selectate este maximă)

*Indicație:* se folosește codificare binară (elementul  $x_i$  este 1 dacă obiectul  $i$  este selectat și 0 în caz contrar) și se include restricția în funcția obiectiv prin tehnica penalizării. Aceasta înseamnă că funcția scor (care trebuie maximizată) este:

$f(x_1, x_2, \dots, x_n) = v_1 * x_1 + v_2 * x_2 + \dots + v_n * x_n$  dacă  $w_1 * x_1 + w_2 * x_2 + \dots + w_n * x_n \leq C$  (restricția este satisfăcută)

$f(x_1, x_2, \dots, x_n) = (1 - \alpha) * (v_1 * x_1 + v_2 * x_2 + \dots + v_n * x_n) + \alpha * (C - (w_1 * x_1 + w_2 * x_2 + \dots + w_n * x_n))$  dacă  $w_1 * x_1 + w_2 * x_2 + \dots + w_n * x_n > C$  (restricția este încălcată)

Obs. Parametrul  $\alpha$  ia valori în  $(0, 1)$  și controlează importanța celor două componente: maximizarea scorului respectiv satisfacerea restricției (cu cât  $\alpha$  este mai mare cu atât este considerată mai importantă satisfacerea restricției).

Exemplu de implementare: [knapsack.sci](#)

#### Exerciții :

1. Analizați influența coeficientului utilizat la includerea termenului de penalizare în funcția obiectiv ( $\alpha$ ) asupra calității soluției. Valori mari ale lui  $\alpha$  favorizează îndeplinirea restricției pe când valori mici favorizează maximizarea valorii obiectelor selectate

**Aplicatie 3.** Rezolvarea problemei comis-voiajorului folosind un algoritm genetic (GA). Elementele specifice ale unui algoritm genetic utilizat pentru rezolvarea problemei comis-voiajorului sunt:

- Fiecare element din populație este o permutare de ordin  $n$  ( $n$  fiind numărul nodurilor)
- Populația inițială poate fi construită folosind permutări aleatoare (similar cu implementarea de la Simulated Annealing)
- Operatorul de încrucișare trebuie să asigure faptul că prin combinarea a două permutări se obțin tot permutări (vectori cu componente distincte). Din acest motiv, încrucișare cu un punct de tăietură utilizată în exemplele anterioare nu poate fi utilizată direct în cazul codificării de tip permutare. O variantă de încrucișare cu un punct de tăietură în cazul elementelor de tip permutare este:
  - Se alege aleator un punct de tăietură ( $k$ ).
  - Se transferă primele  $k$  componente din primul părinte la primul copil; celelalte componente din primul părinte se transferă tot la primul copil însă în ordinea în care sunt specificate în cel de al doilea părinte.
  - Se procedează similar cu al doilea părinte
- Operatorul de mutație (construirea unei noi configurații pornind de la cea curentă) se bazează pe transformările utilizate în algoritmi euristici de rezolvare a problemei comis-voiajorului (de exemplu, 2-opt)

*Observatie:* în cazul problemei comis-voiajorului mutația joacă un rol mai important decât încrucișarea.

*Indicatie.* O variantă bazată pe operatorii clasici este descrisă în [GA\\_TSP.sci](#)

**Exercițiu:**

1. Să se implementeze o mutație bazată pe interschimbarea a două componente (echivalent cu aplicarea unei inversiuni).
2. Să se analizeze comportarea algoritmului în cazul în care nu se folosește încrucișare.

**Temă.**

Să se modifice algoritmul genetic din onemaxGA.sci:

- a) înlocuirea funcției de selecție bazată pe metoda ruletei cu cea bazată pe Stochastic Universal Sampling (vezi curs 7);
- b) înlocuirea încrucișării cu un punct de tăietură cu încrucișare uniformă;
- c) înlocuirea mutației la nivel de cromozom cu mutație la nivel de populație (ansamblu de gene).